

On note  $i$  le nombre complexe de module 1 et d'argument  $\frac{\pi}{2}$ .

### Partie A

Le plan complexe est muni d'un repère orthonormal  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ . On prendra pour unité graphique 2 cm sur chaque axe.

Soit  $P$  le polynôme défini par :

$$P(z) = z^3 - z^2 - 2z - 12$$

1.
  - a. Calculer  $P(3)$ . Que peut-on en déduire pour le polynôme  $P$ ?
  - b. Déterminer les réels  $a, b$  et  $c$  tels que  $P(z) = (z - 3)(az^2 + bz + c)$ .
2.
  - a. Résoudre dans l'ensemble  $\mathbb{C}$  des nombres complexes l'équation :

$$z^2 + 2z + 4 = 0.$$

- b. En déduire les solutions de l'équation  $P(z) = 0$  dans l'ensemble  $\mathbb{C}$  des nombres complexes.

### Partie B

Soit A, B, C et D les points du plan complexe d'affixes respectives :

$$z_A = -1 + i\sqrt{3} \quad ; \quad z_B = 2e^{-2i\frac{\pi}{3}} \quad ; \quad z_C = 3 - (3\sqrt{3})i \quad ; \quad z_D = 3$$

1.
  - a. Calculer le module et un argument de  $z_A$  puis écrire  $z_A$  sous forme trigonométrique.
  - b. Écrire  $z_B$  sous forme algébrique.
2. Placer sur la feuille de papier millimétré les points A, B, C et D dans le repère  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .
  - a. Montrer que :  $\overrightarrow{DC} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AB}$ .
  - b. En déduire la nature du quadrilatère ABCD.