

A - Observation d'une suite de nombres

- 1. On donne ci-dessous la représentation graphique des 16 premiers termes d'une suite (u_n) dans le plan muni d'un repère orthogonal.
 - Conjecturer la limite de la suite (u_n) .
- **2.** Les quatre premiers termes de la suite (u_n) ont été calculés avec un tableur :

n	u_n
0	161
1	104,6
2	70,76
3	50,456

La suite (u_n) peut-elle être une suite géométrique? On justifiera la réponse donnée.

B - Étude de la suite

La suite (u_n) observée dans la partie A est définie pour tout entier naturel n par $u_{n+1} = 0$, $6u_n + 8$ et $u_0 = 161$.

- 1. Calculer u_4 .
- **2.** Soit (v_n) la suite définie pour tout entier naturel n par $v_n = u_n 20$. Montrer que (v_n) est une suite géométrique. On précisera le premier terme et la raison.
- **3.** Donner l'expression de v_n en fonction de n, puis l'expression de u_n en fonction de n.
- **4.** Déterminer la limite de la suite (v_n) et en déduire celle de la suite (u_n) .