

1. Soit la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[0; 2]$  par

$$f(x) = 4x + 1 - e^x.$$

- a. On note  $f'$  la fonction dérivée de la fonction  $f$ .  
Déterminer l'expression de  $f'(x)$  pour  $x$  appartenant à l'intervalle  $[0; 2]$ .
- b. Étudier le signe de  $f'(x)$  pour tout  $x$  appartenant à l'intervalle  $[0; 2]$ .
- c. Déterminer  $f(0)$ ,  $f(\ln(4))$  et  $f(2)$  (valeurs exactes puis valeurs arrondies à  $10^{-3}$ ).
- d. Dresser le tableau de variation de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $[0; 2]$ .

2. Soit  $g$  la fonction définie sur l'intervalle  $[0; 2]$  par

$$g(x) = \ln(2x + 1).$$

- a. On note  $g'$  la fonction dérivée de la fonction  $g$ . Déterminer l'expression de  $g'(x)$  pour  $x$  appartenant à l'intervalle  $[0; 2]$ .
- b. Démontrer que  $g'(x) > 0$  pour tout  $x$  appartenant à l'intervalle  $[0; 2]$ .
- c. Déterminer  $g(0)$  et  $g(2)$ , on donnera les valeurs exactes puis les valeurs arrondies à  $10^{-3}$ .
- d. Dresser le tableau de variation de la fonction  $g$  sur l'intervalle  $[0; 2]$ .

3. Le plan est muni d'un repère orthonormal  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  d'unité graphique 5 cm. L'origine de ce repère sera placée dans le coin en bas à gauche de la feuille millimétrée.  
Tracer sur le même dessin les représentations graphiques  $\mathcal{C}_f$  et  $\mathcal{C}_g$  des fonctions  $f$  et  $g$ .